

高雄市嘉興國民中學 110 學年度第一學期第三次定期評量

三年級數學科試題卷(範圍：3-1~3-2)

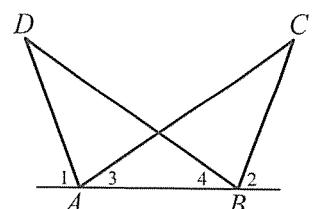
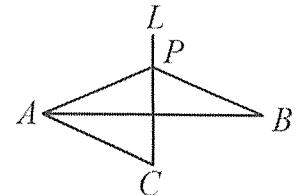
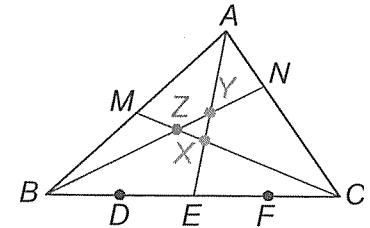
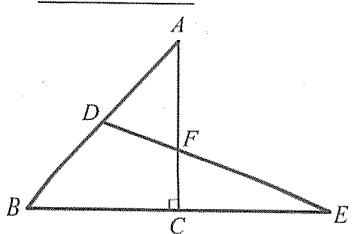
三年 班 姓名：_____ 座號：_____

一、單選題(每題 4 分，共 40 分)

- () 1. 有關三角形的內心，下列敘述何者為非？
 (A) 三角形內切圓的圓心 (B) 三角形三內角平分線的交點 (C) 必位於三角形的內部 (D) 到三角形的三頂點等距離
- () 2. 有關三角形的外心，下列敘述何者為非？
 (A) 三角形外接圓的圓心 (B) 三角形三中垂線的交點 (C) 必位於三角形的外部 (D) 到三角形的三頂點等距離
- () 3. 如附圖， $\triangle ABC$ 中， D, E, F 三點將 \overline{BC} 四等分， $\overline{AN} : \overline{AC} = 1 : 3$ ， M 點為 \overline{AB} 的中點，試問圖中哪一點是 $\triangle ABC$ 的重心？
 (A) X (B) Y (C) Z (D) 都不是
- () 4. 一個三角形的內切圓與外接圓最多有幾個交點？
 (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 無限多
- () 5. $SAS, RHS, ASA, AAA, SSS, SSA, AAS$ 以上 7 項，共有幾項可作為全等三角形的判別性質？
 (A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) 6
- () 6. 正 $\triangle ABC$ 的邊長為 6，則內切圓半徑與外接圓半徑和為何？
 (A) $2\sqrt{3}$ (B) $3\sqrt{3}$ (C) $4\sqrt{3}$ (D) $6\sqrt{3}$
- () 7. 如附圖，【已知】 L 為 \overline{AB} 的垂直平分線， P 為 L 上一點， \overline{AB} 為 $\angle PAC$ 的角平分線。
 【求證】 $\overline{PB} \parallel \overline{AC}$ 。
 ① $\angle BAC = \angle B$ ② \overline{AB} 為 $\angle PAC$ 的角平分線 $\Rightarrow \angle PAB = \angle BAC$
 ③ $\overline{PB} \parallel \overline{AC}$ ④ L 為 \overline{AB} 的垂直平分線 $\Rightarrow \overline{PA} = \overline{PB} \Rightarrow \angle PAB = \angle B$
 上面①~④是小梨子的證明過程，但順序不一定正確，請問可能的正確順序為何？
 (A) ①②④③ (B) ④①②③ (C) ①④②③ (D) ②④①③
- () 8. 如附圖，已知 $\angle 1 = \angle 2$ ， $\angle 3 = \angle 4$ 。若要證明 $\overline{AC} = \overline{BD}$ 的過程如下：
 甲： $\angle 1 = \angle 2 \therefore \angle DAB = \angle CBA$ 乙： $\overline{AC} = \overline{BD}$
 丙： $\triangle ABD \cong \triangle BAC$ 丁： $\angle 3 = \angle 4, \overline{AB} = \overline{AB}, \angle DAB = \angle CBA$
 試問哪一個證明順序是正確的？
 (A) 甲 \rightarrow 丁 \rightarrow 丙 \rightarrow 乙 (B) 甲 \rightarrow 丙 \rightarrow 丁 \rightarrow 乙 (C) 丙 \rightarrow 丁 \rightarrow 甲 \rightarrow 乙 (D) 丁 \rightarrow 丙 \rightarrow 甲 \rightarrow 乙
- () 9. 已知 a, b, c 為正整數，其中 a 為奇數， b 為偶數，且 $c^2 = 3a^2 + b^2 + 5ab$ ，則下列何者正確？
 (A) c 必為奇數 (B) c 必為偶數 (C) c 可能是奇數，也可能是偶數 (D) c 必為 3 的倍數
- () 10. $\triangle ABC$ 及 $\triangle DEF$ 中，已知 $\overline{AB} = \overline{DE}$ ， $\overline{BC} = \overline{EF}$ ，試判斷下列敘述何者錯誤？
 (A) 欲使用 SAS 全等，應加條件 $\angle C = \angle F$ ，方能使兩個三角形全等
 (B) 欲使用 SSS 全等，應加條件 $\overline{AC} = \overline{DF}$ ，方能使兩個三角形全等
 (C) 欲使用 RHS 全等，應加條件 $\angle C = \angle F = 90^\circ$ ，方能使兩個三角形全等
 (D) 欲使用 RHS 全等，應加條件 $\angle A = \angle D = 90^\circ$ ，方能使兩個三角形全等

二、非選題(每格 4 分，共 40 分)

1. 如附圖， $\triangle ABC$ 為一等腰直角三角形， D 為斜邊 \overline{AB} 中點， C 為 \overline{BE} 中點。若四邊形 $BCFD$ 面積等於 20 平方公分，則 $\triangle ABC$ 的面積 = _____。

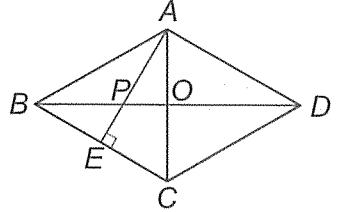


2. G 是 $\triangle ABC$ 的重心，三中線為 \overline{AD} 、 \overline{BE} 、 \overline{CF} 。若 $\overline{AG} + \overline{BG} + \overline{CG} = 36$ 公分，則 $\overline{AD} + \overline{BE} + \overline{CF} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

3. $\triangle ABC$, $\angle B=90^\circ$, I 點是內心，則 $\angle AIC = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

4. 若 O 為 $\triangle ABC$ 的外心， $\angle A=100^\circ$ ，則 $\angle BOC = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

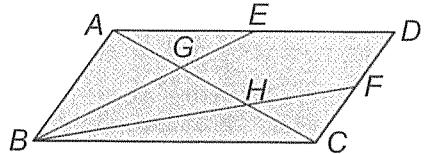
5. 如附圖，四邊形 $ABCD$ 為菱形， \overline{AE} 為 \overline{BC} 的中垂線，與 \overline{BD} 交於 P 點，且 $\overline{AB}=6$ ，則 $\overline{AP} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。



6. 如附圖， $\square ABCD$ 中， E 、 F 兩點分別是 \overline{AD} 與 \overline{CD} 的中點，連接 \overline{BE} 與 \overline{BF} ，分別與 \overline{AC} 交於 G 、 H 兩點。若 $\overline{AC}=12$ ，則：

$$(1) \overline{AG} = \underline{\hspace{2cm}}$$

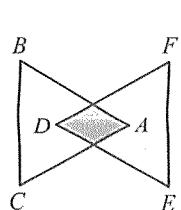
$$(2) \text{若 } \triangle AGE \text{ 的面積為 } 4, \text{ 則 } \square ABCD \text{ 的面積} = \underline{\hspace{2cm}}.$$



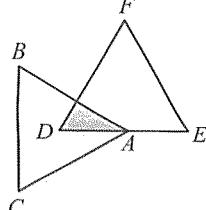
7. 鋒角 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB}=\overline{AC}=15$, $\overline{BC}=18$, $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 於 D , O 為外心， G 為重心， I 為內心，則 $\overline{OD} = \underline{\hspace{2cm}}$, $\overline{GD} = \underline{\hspace{2cm}}$, $\overline{ID} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

三、計算題（每題 5 分，共 20 分）

1. 如附圖，有兩全等的正 $\triangle ABC$ 、 $\triangle DEF$ ，且 D 、 A 分別為 $\triangle ABC$ 、 $\triangle DEF$ 的重心。固定 D 點，將 $\triangle DEF$ 逆時針旋轉，使得 A 落在 \overline{DE} 上，如附圖(一)所示。求附圖(一)與附圖(二)中，兩個三角形重疊區域的面積比為何？

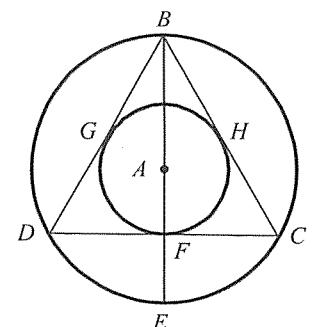


圖(一)



圖(二)

2. 如附圖，「哈利波特八」延續第七集中提到死神的聖物，其中包含接骨木魔仗（其中的 \overline{BF} ）、隱形斗篷（ $\triangle BDC$ ）、再生石（通過 F 、 G 、 H 三點的圓），與鄧不利多留給哈利的儲思盒（通過 B 、 C 、 D 三點的圓），成為波特家族新的傳家寶，因此哈利將家徽改為如附圖所示的圓形。若 $\triangle BDC$ 為正三角形，且 F 、 G 、 H 三點落在 $\triangle BDC$ 上，則再生石面積與儲思盒（通過 B 、 C 、 D 三點的圓）面積的比為何？



3. 已知：如附圖， $\triangle PAB$ 的三個頂點都在圓 O 上，過切點 P 的切線 \overrightarrow{PD} 平行弦 \overline{AB} 。已知 $\angle 1=68^\circ$,

求證：(1) $\angle 1=\frac{1}{2}\widehat{PA}$ 。 (2) $\overline{PA}=\overline{PB}$ 。

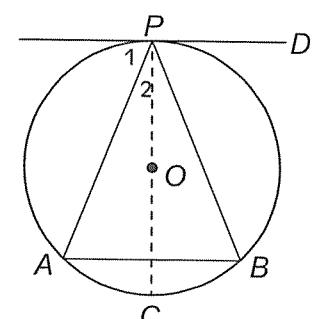
證明：(1) $\because \overleftrightarrow{PD} \parallel \overline{AB}$

$\therefore \angle A = \underline{\hspace{2cm}}$ 度（內錯角相等）

又 $\widehat{AC}=2\times\angle 2=\underline{\hspace{2cm}}$ 度， $\therefore \widehat{PA}=\underline{\hspace{2cm}}$ 度，因此可得 $\angle 1=\frac{1}{2}\widehat{PA}$

(2) 因為 $\angle B=\frac{1}{2}\widehat{PA}=\underline{\hspace{2cm}}$ 度 所以 $\angle A=\underline{\hspace{2cm}}$ ，

因此 $\overline{PA}=\overline{PB}$ （等角對等邊）。



4. 若 $a>0$, $b>0$ ，證明 $\sqrt{a}+\sqrt{b}>\sqrt{a+b}$ 。

證： $\because (\sqrt{a}+\sqrt{b})^2=a+2\underline{\hspace{2cm}}+b$ 又 $(\sqrt{a+b})^2=\underline{\hspace{2cm}}$ $\therefore (\sqrt{a}+\sqrt{b})^2-(\sqrt{a+b})^2=\underline{\hspace{2cm}}>0$

因此 $(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2 \underline{\hspace{2cm}} (\sqrt{a+b})^2$ ，填入 “ $>$ ”、“ $=$ ” 或 “ $<$ ”) 故 $\sqrt{a}+\sqrt{b}>\sqrt{a+b}$ 。